

Tut 10 (Tutor) 2nd Edition

Monday, 7. January 2019 20:21

0. ORGANISATORISCHES

- 2. Block-Test bis So. 23⁵⁹
- Es beginnt der 3. HA-Block !
- HA-Anmerkung:
→ nie .cpp inkludieren !

1. THROWBACK

- C-Skills auffrischen ?

"see" "gras" → "seegrass"

```
char *strconcat(char *ziel, char *s1, char *s2){
    int z=0;
    for (int i=0; s1[i]; ++i) ziel[z++] = s1[i];
    for (int i=0; s2[i]; ++i) ziel[z++] = s2[i];
    ziel[z] = '\0';
    return ziel; // Terminating 0
}
```

2. ZAHLENSYSTEME

- Wir versprechen es, euch in wahre Nerds zu verwandeln
- Ihr könnt hoffentlich verhandlungssicher C & C++
- Ein richtiger Nerd muss aber sein 3Day in O&A aufsagen können
- Zentrales Thema der nächsten Tutorien: Zahlensysteme
- Menschen verwenden das Dezimalsystem (Basis 10)
→ Zahlen 0 bis 9
→ Intuitiv weil wir 10 Finger haben
- Anders ist es beim Computer. Ein Transistor (zum digital) kann entweder an sein (Strom fließt, 1, true) oder aus (Strom fließt nicht, 0, false)
→ Folien Informationsdarstellung
- 1. Wichtige Frage: Gibt es Aliens, die 12 Finger haben und im 12er System rechnen?
- 2. Wichtige Frage: Wie stellen wir überhaupt andere ZS dar?

ZS	Basis	zul. Ziffer
dual	2	0, 1
oktal	8	0...7
dezimal	10	0...9
hexadezimal	16	0...9, A, B, C, D, E, F

Zu welchem ZS gehört...

67 ? OCT, DEC, HEX 87 ? DEC, HEX
1001 ? BIN, OCT, DEC, HEX COFFEE ? HEXE

- Aufgabe: Zu welchem ZS gehört... ?

- Es ist nicht eindeutig festgelegt
- Wie können Zahlen trotzdem einer eindeutigen Basis zugeordnet werden?
- Index in Klammern kennzeichnet ZS

Basis eindeutig kennzeichnen

1010110 (2) ← binär
42 (16) ← Hexadezimal

in HA beachten !

3.1 Allgemeine Umrechnung

Umrechnung zu Dezimal v.r.n.l.

$$87_{(10)} = 7 \cdot 10^0 + 8 \cdot 10^1 = 87_{(10)}$$

$$\begin{matrix} \downarrow \\ \downarrow \\ \downarrow \end{matrix} \begin{matrix} 7 \cdot 10^0 \\ 8 \cdot 10^1 \\ \Sigma \end{matrix}$$

$$1010_{(2)} = 0 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^3 = 10_{(10)}$$

$$67_{(8)} = 7 \cdot 8^0 + 6 \cdot 8^1 = 55_{(10)}$$

$$COFFEE_{(16)} = 12648430$$

- Dezimal zu dezimal sinnlos, aber man sieht, dass sich jede Zahl als Ziffer mal Basis hoch Stelle zerlegen lässt
- Einfach & analog für OCT, BIN, DEC
- Andersrum: Bsp. $42_{(10)}$ ins 14er System

Dezimal → bel. ZS

Bsp.: $183_{(10)} \rightarrow 14er\text{-System}$

$$\begin{matrix} 183 : 14 = 13 & R1 \\ 13 : 14 = 0 & R0 \end{matrix} \quad \begin{matrix} \uparrow \\ \uparrow \end{matrix} \text{ablesen}$$

$$\rightarrow 183_{(10)} = D1_{(14)}$$

"Solange durch B teilen bis nur noch Rest übrig; v.u.n.o. (vom Komma weg)"

- Kommazahl:

Kommazahl umrechnen:

$183.217_{(10)}$ ins 14er-System

- 1) Split in Ganz- und Kommazahl
- 2) Ganzzahl wie bisher, 3) K:

$0.217 \cdot 14 = 3.038 \rightarrow 3$	↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓
$0.038 \cdot 14 = 0.532 \rightarrow 0$	
$0.532 \cdot 14 = 7.448 \rightarrow 7$	
$0.448 \cdot 14 = 6.272 \rightarrow 6$	
$0.272 \cdot 14 = 3.808 \rightarrow 3$	
$0.808 \cdot 14 = 11.312 \rightarrow 3$	
$0.312 \cdot 14 = 4.368 \rightarrow 4$	

$$\rightarrow 183.217_{(10)} = D1.3076334..._{(14)}$$

- Never ending (Love) story ?
- Endliche Dezimalbrüche möglicherw. unendlich in anderen ZS ?
- Aufg.: $77.77_{(10)} \rightarrow \text{HEX}$

→ Lösung: $4R13_{(D)}$, $OR4C4_{(D)} \rightarrow 4D$

$$\begin{matrix} .77/12.32_{(C)}, .32/5.12_{(C5)} \\ .12/11.92_{(C1)}, .92/14.72_{(CE)} \\ .72/11.52_{(CB)}, .52/8.32_{(C8)}, \\ .32/5.12_{(C5)} \end{matrix}$$

$$\rightarrow 77.77_{(10)} = 4D.C51E38$$

3.2 Schnellkonversion

1. Schnellkonversion

BIN ↔ HEX

BIN ↔ OCT

10100110101111011001	100110011011111110111
↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓	↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓
4 A . E C	1 1 2 . 7 3

Zusammenfassen in 3er (OCT) bzw. 4er (HEX)-Blöcke
Vom Komma aus blockweise umrechnen. Beide Richtungen !

- Der Trick vereinfacht die Umrechnung BIN → OCT/HEX gravierend
- Vorgehen:
→ Zahl vom Komma weg in 3er bzw. 4er Blöcken zusammenfassen
→ ggf. führende/ergänzende Nullen zudenken
→ Blockweise umrechnen, Ziffer zusammenfügen
- Aufgabe: $627.CO4_{(16)}$
- Grund, weshalb Hexadezimal bevorzugt zur kompakten Darstellung von Binärzahlen verwendet wird

3.3 Rechnen im Dualsystem

- Wichtige Praxis, die wir oft verwenden werden
- Addition: Summanden müssen in Binärform vorliegen, andernfalls umrechnen

Rechnen im Dualsystem

<p>Add: $5_{(10)} + 5_{(10)}$ $5_{(10)} = 0101_{(2)}$</p> $\begin{matrix} 0101 \\ +0101 \\ \hline 1010_{(2)} = 10_{(10)} \end{matrix}$	<p>Sub: $5_{(10)} - 2_{(10)}$ $2_{(10)} = 0010_{(2)}$</p> $\begin{matrix} 0101 \\ -0010 \\ \hline 0011_{(2)} = 3_{(10)} \end{matrix}$
---	--

- Grundschulmathematik: Untereinander Schreiben, schriftlich addieren
- Subtraktion analog, Minuend muss größer sein (andernfalls, Tut. 11)
- Multiplikation: schriftlich multiplizieren ?

<p>Mul: $2_{(10)} \cdot 8_{(10)}$ $8_{(10)} = 1000_{(2)}$</p> $\begin{matrix} 0010 \\ \cdot 1000 \\ \hline 0010000 \\ 0000000 \\ 0000000 \\ \hline \Sigma 00010000_{(2)} = 16_{(10)} \end{matrix}$	<p>$7_{(10)} \cdot 3_{(10)}$</p> $\begin{matrix} 0111 \\ \cdot 0011 \\ \hline 01110 \\ +01111 \\ \hline 10101 = 21_{(10)} \end{matrix}$
---	--

- Es ergibt sich keine Nullzeile, wenn der Multiplikator 1 beträgt
- Zerlegung in Linksverschiebung & Addition
- Weniger Additionen bei geschickter Wahl von Multiplikand & Multiplikator